

**LAUREA TRIENNALE IN INFORMATICA E COMUNICAZIONE DIGITALE**  
**CALCOLO NUMERICO**

**Esonero - 27 Maggio 2009 -**

**TRACCIA B**      **NOME.....**

**Traccia 1.** Consideriamo i seguenti numeri di macchina  $\pm\gamma_0.\gamma_1\gamma_210^{\pm e_0e_1}$ :

- qual è il valore di realmin? qual è il valore di realmax?
- se usiamo l'arrotondamento qual è il valore della precisione di macchina? (spiegare il risultato ottenuto)

Utilizzando i numeri di macchina appena definiti calcolare:

$$f(x) = \frac{\sqrt{x+25} - 5}{x}$$

per  $x = 0.03 \cdot 10^0$  e  $x = 0.08 \cdot 10^0$ . Calcolare l'errore relativo in entrambi i casi e spiegare i risultati ottenuti. Trovare una formulazione equivalente per  $f(x)$  che permette un calcolo più accurato. Definire il concetto di analisi degli errori all'indietro (backward). Quale dei due algoritmi è backward stabile?

**Traccia 2.** Si determini la fattorizzazione  $LU$  con pivot parziale della matrice:

$$A = \begin{pmatrix} 4 & 2 & 0 & 0 \\ 2 & 4 & 2 & 0 \\ 0 & 2 & 4 & 2 \\ 0 & 0 & 2 & 4 \end{pmatrix}$$

- si calcoli il determinante di  $A$ ;
- si risolva il sistema lineare  $Ax = b$  con  $b = (1, 1, 1, 1)^T$ .
- sapendo che

$$\|A^{-1}\|_{\infty} = 1.5$$

si calcoli il numero di condizione in norma infinito di  $A$ .

- Data  $\hat{x} = (0.21, 0.11, 0.11, 0.21)^T$  una soluzione approssimata, calcolare il residuo e giustificare i risultati.

**Traccia 3.** Dati  $x_0 = -4$ ,  $x_1 = -1$ ,  $x_2 = 1$ ,  $x_3 = 16$ ,  $f_0 = 2$ ,  $f_1 = -1$ ,  $f_2 = 1$ ,  $f_3 = 4$ .

- Scrivere la base di Newton associata ai dati;
- calcolare il polinomio interpolante i dati  $x_0, x_1, x_2$  e il polinomio interpolante i dati  $x_0, x_1, x_2, x_3$ ;
- Dati  $f'_0 = -1/4$ ,  $f'_3 = 1/8$ , calcolare il polinomio cubico di Hermite.

**Traccia 4.** Lo zero della funzione  $f(x) = x^2 - 1/2$  è  $\alpha = \sqrt{1/2}$ . Consideriamo l'intervallo  $[1/25, 1]$ . Applicare il metodo delle secanti per trovare lo zero di  $f$ . Quali operazioni elementari vengono utilizzate? Utilizzare come punto iniziale  $x_0$  quello calcolato eseguendo una interpolazione lineare della funzione  $g(x) = \sqrt{x}$ . Calcolare l'errore nel punto iniziale.